

# Основы обработки изображений

## Лекция 2.

- Понятие цветного, полутонового и бинарного изображения
- Алгоритмы бинаризации
- Логические операции над бинарными изображениями
- Базовая морфологическая обработка изображений

# Цветные, полутоновые (монохромные) и бинарные (двоичные) изображения

В зависимости от задач, исследователям приходится работать с различными видами изображений, тем не менее многие часто путают монохромные и бинарные изображения.

# Цветное изображение

В цветном изображении, содержится информация, позволяющая восстановить исходные цвета.

Чаще всего это достигается путём сохранения информации об интенсивности всех цветовых каналов.

Цветные изображения наиболее привычны и удобны для восприятия человеком, тем не менее в задачах автоматической обработки информация о цвете часто оказывается избыточной.



# Полутоновое (монохромное) изображение

Полутоновое (монохромное) изображение содержит информацию об интенсивности света одной длины волны.

На практике полутоновые изображения чаще всего передаются в оттенках серого, но ничто не мешает представлять их в оттенках зелёного, красного или любого другого цвета.

Монохромные изображения часто используются, как исходные данные для задач анализа изображений.

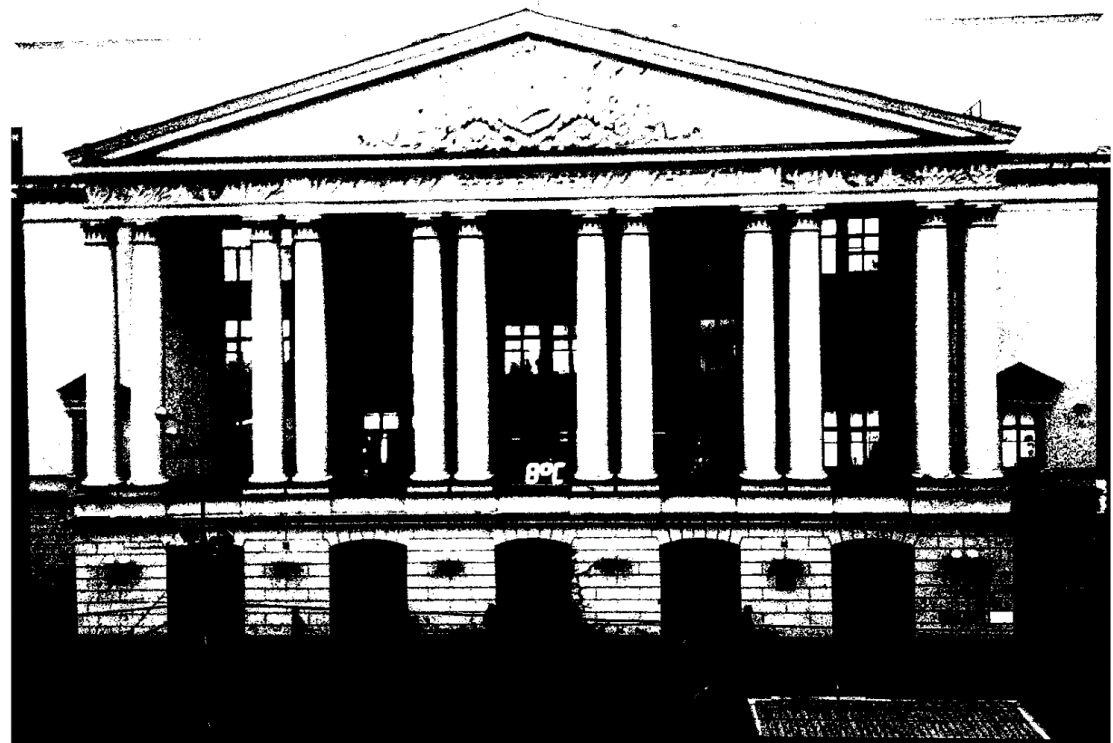


## Бинарное (двоичное) изображение

В бинарных изображениях каждый пиксел может принимать только два значения. В зависимости от значения пиксели делят на пиксели фона (ПФ) и пиксели переднего плана (ППП).

Иногда бинарные изображения ошибочно называют чёрно-белыми. Надо понимать, что бинарным может быть и красно-чёрное изображение, при условии, что никаких других цветов не используется.

Несмотря на то, что бинарные изображения теряют значительную часть исходной информации, они очень часто используются на различных этапах обработки.



# Алгоритмы бинаризации

Многие задачи обработки изображений могут быть решены путём обработки бинарных изображений. Это порождает необходимость в разработке эффективных алгоритмов бинаризации.

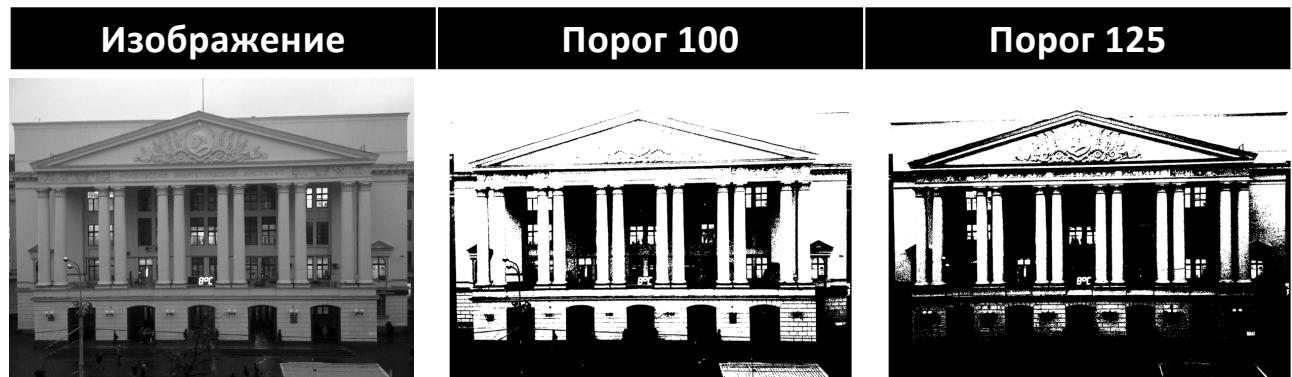


# Пороговая бинаризация

В простейшем случае используется бинаризация с одним порогом. Выбирается значение  $t$ , и все пиксели с яркостью не меньше  $t$  классифицируются как ППП, а все остальные пиксели классифицируются как ПФ. Такой способ бинаризации называется верхним пороговым. В случае нижней пороговой бинаризации объектами переднего плана будут считаться пиксели с яркостью не больше выбранного порога.

Чуть более сложным является алгоритм внутренней пороговой бинаризации. Выбирается два порога: верхний ( $t_B$ ) и нижний ( $t_H$ ). ППП будут считаться пиксели, яркость которых попадает в выбранный диапазон, а ПФ все остальные. Если используется обратный критерий, то говорят о внешней пороговой бинаризации.

| Верхняя пороговая бинаризация  | Нижняя пороговая бинаризация  |
|--|---|
| $Img'[i, j] = \begin{cases} \text{ППП}, & Img[i, j] \geq t \\ \text{ПФ}, & Img[i, j] < t \end{cases}$  | $Img'[i, j] = \begin{cases} \text{ППП}, & Img[i, j] \leq t \\ \text{ПФ}, & Img[i, j] > t \end{cases}$   |
| Внутренняя пороговая бинаризация   | Внешняя пороговая бинаризация   |
| $Img'[i, j] = \begin{cases} \text{ПФ}, & Img[i, j] < t_H \\ \text{ППП}, & t_H \leq Img[i, j] \leq t_B \\ \text{ПФ}, & Img[i, j] > t_B \end{cases}$ | $Img'[i, j] = \begin{cases} \text{ППП}, & Img[i, j] < t_H \\ \text{ПФ}, & t_H \leq Img[i, j] \leq t_B \\ \text{ППП}, & Img[i, j] > t_B \end{cases}$ |

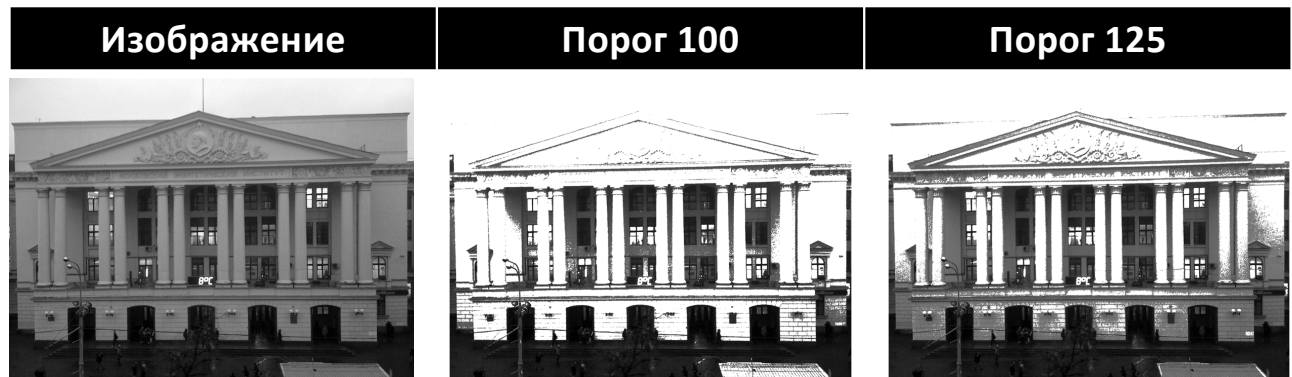


# Неполная пороговая бинаризация

В некоторых случаях необходимо избавиться от определённого диапазона яркостей, сохранив при этом информацию о яркости остальных пикселей. В таких случаях используется неполная пороговая бинаризация.

Это преобразование зачастую упрощает дальнейший анализ изображения (например, сегментацию), т.к. многие несущественные детали становятся ПФ, а важные детали полностью сохраняют информацию об интенсивности.

| Верхняя неполная пороговая бинаризация  | Нижняя неполная пороговая бинаризация  |
|---|--|
| $Img'[i, j] = \begin{cases} Img[i, j], & Img[i, j] \geq t \\ ПФ, & Img[i, j] < t \end{cases}$                                       | $Img'[i, j] = \begin{cases} Img[i, j], & Img[i, j] \leq t \\ ПФ, & Img[i, j] > t \end{cases}$  |
| Внутренняя неполная пороговая бинаризация   | Внешняя неполная пороговая бинаризация   |
| $Img'[i, j] = \begin{cases} ПФ, & Img[i, j] < t_H \\ Img[i, j], & t_H \leq Img[i, j] \leq t_B \\ ПФ, & Img[i, j] > t_B \end{cases}$ | $Img'[i, j] = \begin{cases} Img[i, j], & Img[i, j] < t_H \\ ПФ, & t_H \leq Img[i, j] \leq t_B \\ Img[i, j], & Img[i, j] > t_B \end{cases}$ |





# Бинаризация Бернсена

В методе Бернсена для каждого пиксела  $I_{mg}[i, j]$  выбирается свой порог, зависящий от яркости близлежащих пикселей.

В качестве окрестности чаще всего рассматривается квадрат с центром в обрабатываемом пикселе. Порогом для исследуемого пиксела выбирается значение  $I = \frac{I_{max} - I_{min}}{2}$ , где  $I_{max}$  – максимальный уровень яркости в окрестности, а  $I_{min}$  – минимальный уровень яркости в окрестности.

При этом, если уровень контраста (значение  $I_{max} - I_{min}$ ) превышает некоторый заранее установленный порог, бинаризация происходит не по порогу, а пиксел принимает заранее определённое для таких ситуаций значение



# Логические и теоретико-множественные операции над бинарными изображениями

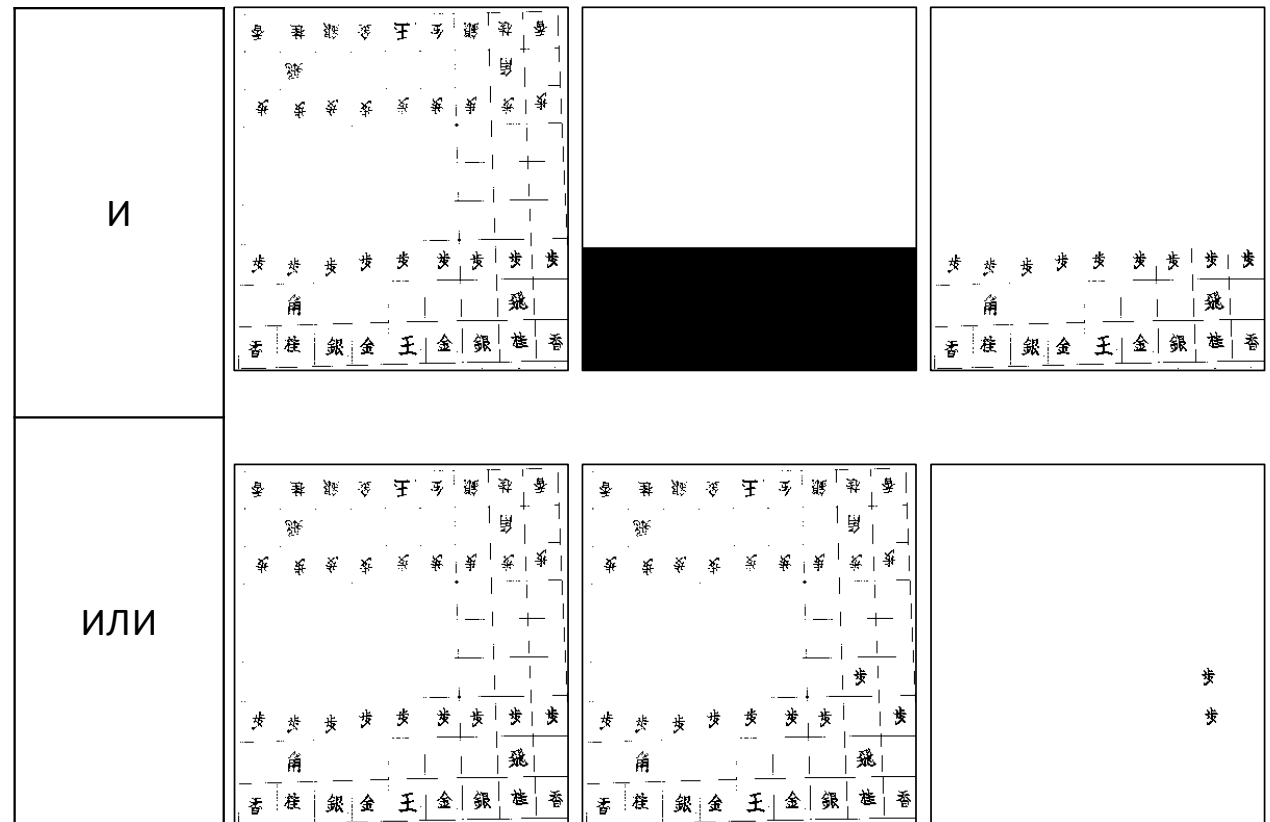
Простота бинарных изображений позволяет легко применять к ним широко используемые математические методы обработки

# Логические операции над бинарными изображениями

Особенностью бинарных изображений является возможность применения к ним операций классической логики:

- Логическое И;
- Логическое ИЛИ;
- Отрицание;
- Другие логические операции и их комбинации.

Все логические операции (за исключением операции отрицания) выполняются над двумя изображениями, одно из которых является исходным, а второе в большинстве случаев – или специально сгенерированной маской, или обработанным исходным изображением. Применение логических операций к изображению позволяет упростить его дальнейшую обработку. Например, используя операцию логического И, можно выделить часть изображения, предназначенную для дальнейшего анализа.



# Теоретико-множественные операции

Изображение можно рассматривать, как подмножество  $A$  двумерного целочисленного пространства  $Z^2$ . Если какой-то элемент  $a = (a_1, a_2)$  является элементом множества  $A$ , то это записывается так:  $a \in A$ , в противном случае так:  $a \notin A$ . Если в множество не содержится ни одного элемента, оно называется пустым и обозначается  $\emptyset$ .

Один из способов задания множества – перечисление элементов, входящих в него. Например, запись  $A = \{1, 2, 3\}$  задаёт множество из трёх элементов  $1, 2, 3$ , а запись  $B = \{b \mid b = \pm a, a \in A\}$  задаёт множество, состоящее из шести элементов:  $\pm 1, \pm 2, \pm 3$ . Иногда такую запись называют конструктором множества. Также заметим, что все элементы  $A$  входят в  $B$ , поэтому множество  $A$  называется подмножеством множества  $B$  и обозначается  $A \subseteq B$ .

# Операции над множествами

Объединением множеств  $A$  и  $B$  называется множество  $C = A \cup B$ , содержащие элементы, принадлежащие либо множеству  $A$ , либо множеству  $B$ , либо обоим множествам одновременно.

Пересечением множеств  $A$  и  $B$  называется множество  $C = A \cap B$ , содержащие только элементы, принадлежащие обоим множествам одновременно.

Дополнением множества называют элементы, не входящие в множество:  $A^c$ .

Разностью множеств  $A$  и  $B$  называется множество  $C = A \setminus B$ , содержащие элементы  $A$ , которых нет в  $B$ .

Операция параллельного переноса определяется следующим образом:  $(A)_t = \{e | e = a + t, a \in A\}$ . Вектор переноса  $t$  чаще всего задается в виде пары чисел  $(\Delta r, \Delta c)$ .

Операция центрального отражения определяется следующим образом:  $\hat{A} = \{e | e = -a, a \in A\}$ . Эта операция выполняется относительно начала координат.

| A | B |
|---|---|
|   |   |
|   |   |
|   |   |

| $A \cup B$ | $A \cap B$ | $A^c$ | $B^c$ | $A \setminus B$ |
|------------|------------|-------|-------|-----------------|
|            |            |       |       |                 |
|            |            |       |       |                 |
|            |            |       |       |                 |

| $A_{(0;-1)}$ | $\hat{A}$ |
|--------------|-----------|
|              |           |
|              |           |
|              |           |

# Математическая морфология

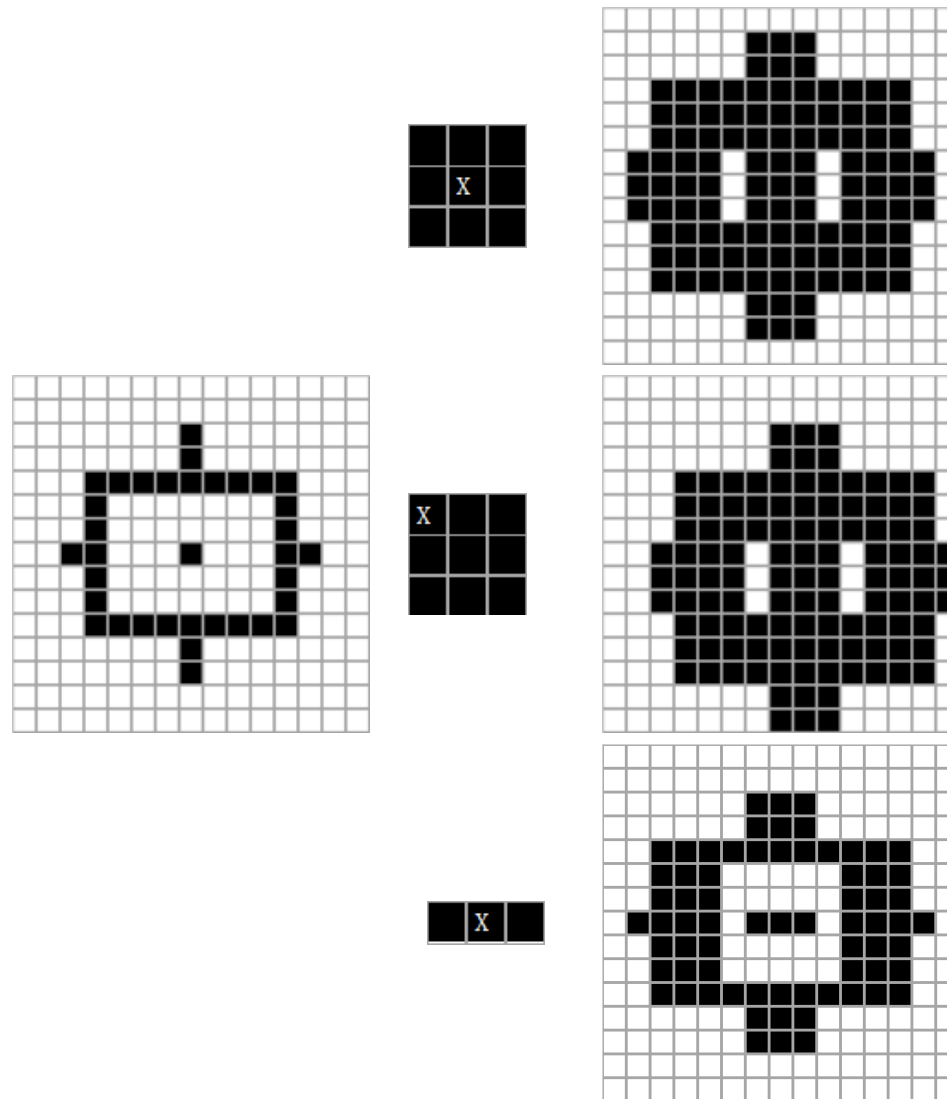
Термином «морфология» обычно обозначают области, изучающие формы и структуры объектов. Математическая морфология изучает структуры и формы множеств – изображений.



# Наращивание (дилатация)

Дилатацию изображения  $B$  структурирующим элементом  $S$  можно описать следующим выражением:  $B \oplus S = \{t | (\hat{S})_t \cap B \neq \emptyset\}$ .

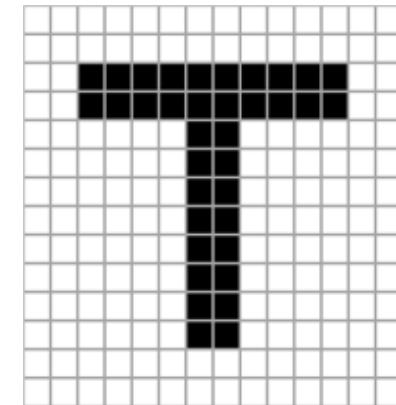
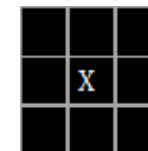
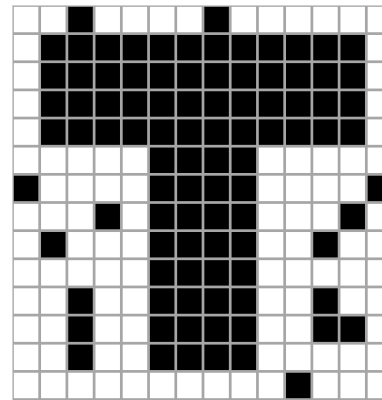
Для каждого единичного пиксела исходного изображения выполняется перенос структурирующего элемента так, чтобы его начало координат совпало с рассматриваемым единичным пикселом, затем выполняется логическое сложение структурирующего элемента и соответствующих пикселов изображения. Результат сложения записывается в итоговое изображение, изначально инициализированное нулевыми пикселями.



# Эрозия

Эрозия изображения  $B$  структурирующим элементом  $S$  описывается следующим выражением:  $B \ominus S = \{t | (S)_t \subseteq B\}$ .

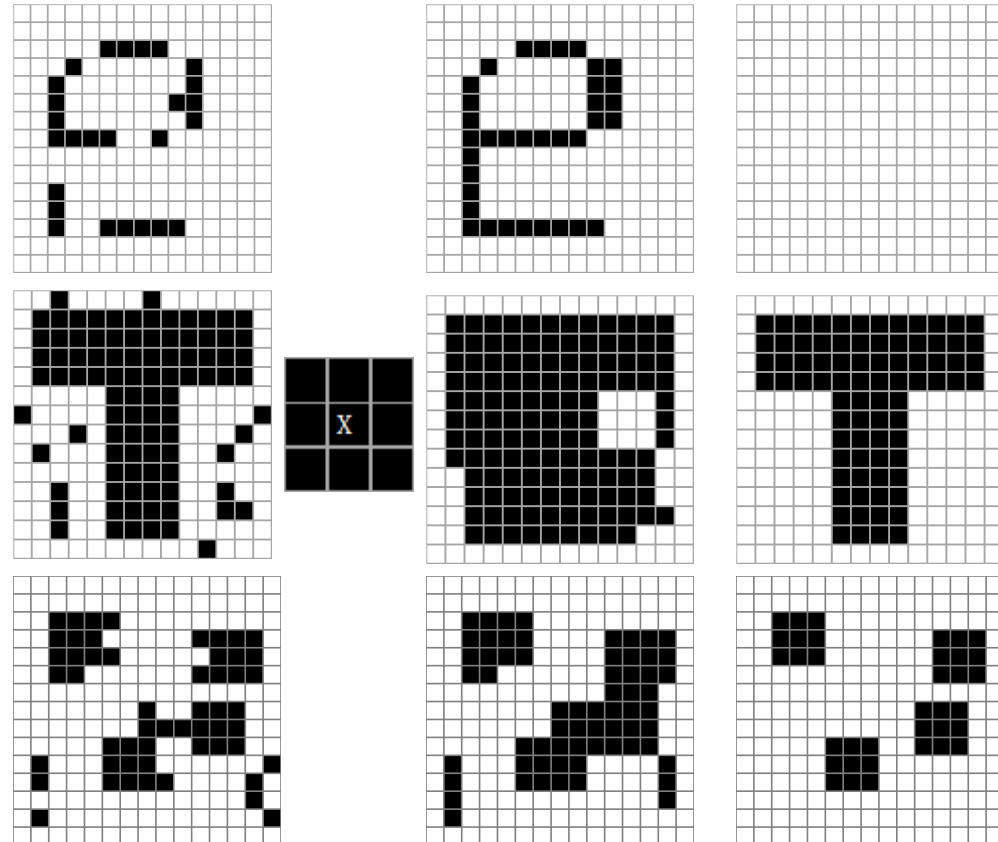
Как и в случае с наращиванием, выполняется перенос структурирующего элемента, таким образом, чтобы начало координат структурирующего элемента совпало с исследуемым пикселем изображения, но в отличие от дилатации совмещение происходит со всеми пикселями изображения, а не только с единичными. Если после какого-либо переноса каждый единичный пиксел структурирующего элемента совпал с единичным пикселем исходного изображения, то в соответствующий пиксел итогового изображения записывается значение, соответствующее ППП.



# Замыкание и размыкание

Замыканием изображения  $B$  структурирующим элементом  $S$  называется итоговое изображение  $B \cdot S = (B \oplus S) \ominus S$ . Аналогично размыканием изображения  $B$  структурирующим элементом  $S$  называется итоговое изображение  $B \circ S = (B \ominus S) \oplus S$ . Обе эти операции сглаживают контуры изображения, но делают это по-разному.

Замыкание приводит к закрытию небольших разрывов и отверстий, а размыкание приводит к разрыву узких перешейков и удалению небольших выступов.



ВОПРОСЫ

